

令和 8 年度

熊本県立技術短期大学校

推薦後期、自己推薦、外国人留学生  
入学試験問題

数学 I

【受験上の注意】

- 1 「解答始め」の合図があるまでは、問題用紙・解答用紙を開かないこと。
- 2 「解答始め」の合図があったら、まず問題用紙・解答用紙の枚数の過不足を確かめること。
- 3 次に、所定の位置に受験番号を記入すること。
- 4 印刷不明、トイレ等の場合は、静かに手を上げて試験監督者に合図し、指示を受けること。
- 5 「解答やめ」の合図があったら、直ちに鉛筆を置き解答を止めること。
- 6 受験中に机の上に置くことのできるものは、受験票、鉛筆、シャープペンシル、鉛筆削り、消しゴム、時計(時計機能だけのもの)及びメガネのみとする。
- 7 計算機能をもつ機器並びに音を発する機器の使用は禁止する。
- 8 携帯電話の電源は切っておくこと。

[1] (1)  $a$  を整数とする。 $A = \{0, 2, |a|\}$ ,  $B = \{1, 1-a, (1-a)^2\}$  に対して,  $A \cap B = \{1, 2\}$  が成り立つ。このとき,  $a = \boxed{\text{ア}}$  であり,  $A \cup B = \{\boxed{\text{イ}}\}$  である。

(2)  $(a-b)^2 = 4$ ,  $ab = -1$  のとき,  $a^3 - b^3$  の値は,  $a < b$  ならば  $\boxed{\text{ウ}}$ ,  $a > b$  ならば  $\boxed{\text{エ}}$  である。

(3) 放物線  $y = x^2 + ax + b$  を  $x$  軸方向に 1,  $y$  軸方向に 2 だけ平行移動すると放物線  $y = x^2 - 3x + 5$  に重なる。このとき,  $a = \boxed{\text{オ}}$ ,  $b = \boxed{\text{カ}}$  である。

(4)  $\triangle ABC$  について,  $BC = 2\sqrt{6}$ ,  $\angle A = 60^\circ$ ,  $\angle C = 45^\circ$  とする。このとき,  $AB = \boxed{\text{キ}}$  であり, 外接円の半径は  $\boxed{\text{ク}}$  である。

(5) 5 つの値からなるデータ 1, 3,  $a$ , 8, 11 の平均値が 6 であるとき,  $a = \boxed{\text{ケ}}$  である。また, このときのデータの標準偏差は  $\boxed{\text{コ}}$  である。

[2] (1) 方程式  $|x-1| + |3-x| = x+3$  の解は,  $x = \boxed{\text{サ}}$  と  $x = \boxed{\text{シ}}$  である。

(2)  $90^\circ < \theta < 180^\circ$  とする。 $\frac{\sin \theta}{1 - \sin \theta} - \frac{\sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4$  のとき,  $\sin \theta = \boxed{\text{ス}}$ ,  $\tan \theta = \boxed{\text{セ}}$  である。

(3)  $U = \{n \mid n$  は 6 以下の自然数} とする。2 次方程式  $x^2 + nx + \frac{n}{2} + \frac{3}{4} = 0$  が実数解をもつような  $U$  の最小の要素  $n$  は  $\boxed{\text{ソ}}$  である。また, この方程式が実数解をもたないような  $U$  の要素の個数と実数解をもつような  $U$  の要素の個数の比は  $1 : \boxed{\text{タ}}$  である。

(4) 半径 1 の円において, 1 つの直径 AB と円周上に 2 点 C, D をとり四角形 ABCD を作る。 $\angle A = 75^\circ$ ,  $\angle B = 60^\circ$  のとき,  $AC = \boxed{\text{チ}}$ ,  $CD = \boxed{\text{ツ}}$  である。

(5) 2 つの変量  $(x, y)$  に関する 3 組の値からなるデータ  $(-1, 2)$ ,  $(0, -1)$ ,  $(1, -1)$  について,  $x$  と  $y$  の共分散は  $\boxed{\text{テ}}$  であり, 2 つ変量の間には  $\boxed{\text{ト}}$  がある。 $(\boxed{\text{ト}})$  は「正の相関」, 「負の相関」のどちらかを選んで答えよ。)

[3]  $a$  を定数とする。放物線  $y = x^2 - 2ax + a^2 + 2a - 1$  が,  $x$  軸と共有点をもつのは  $a \leq \boxed{\text{ナ}}$  のときである。また, この放物線と直線  $y = mx + n$  ( $m, n$  は定数) の共有点の  $x$  座標は 2 次方程式  $x^2 - 2ax + a^2 + 2a - 1 = mx + n$  の解であるから, 共有点がただ 1 つとなるとき,  $m, n, a$  の間に  $(\boxed{\text{ニ}}) a + \boxed{\text{ヌ}} = 0$  が成り立つ。したがって, 定数  $a$  の値に関係なく, この放物線とただ 1 つの共有点をもつ直線の方程式は  $y = \boxed{\text{ネ}}$  である。 $(\boxed{\text{ニ}}, \boxed{\text{ヌ}}$  は  $a$  を含まない数式で答えよ。)

[4]  $\triangle ABC$  において,  $AB = 1$ ,  $AC = 2$ ,  $BC = \sqrt{7}$  とする。このとき,  $\cos \angle A = \boxed{\text{ノ}}$  であり,  $\triangle ABC$  の面積は  $\boxed{\text{ハ}}$  である。さらに, 辺 BC 上に点 D を  $\angle BAD = \angle CAD$  が成り立つようにとると,  $BD = \boxed{\text{ヒ}}$ ,  $AD = \boxed{\text{フ}}$  である。